行政院國家科學委員會補助專題研究計畫成果報	告
****	€₩
*	і
※ 結合腦波圖(EEG)與核磁共振影像(MRI)	і
※ 於視覺誘發電位(VEP)之研究	*
*	*
****	€₩
計畫類別:■個別型計畫 □整合型計畫	
計畫編號:NSC 90-2213-E-041-001-	

執行期間: 90年08月01日至91年07月31日

計畫主持人:劉育寰 協同主持人:陳家進 協同主持人:蔡景仁 協同主持人:林宙晴

本成果報告包括以下應繳交之附件:

□赴國外出差或研習心得報告一份

□赴大陸地區出差或研習心得報告一份

出席國際學術會議心得報告及發表之論文各一份

□國際合作研究計畫國外研究報告書一份

執行單位:嘉南藥理科技大學 資訊管理系

中華民國九十一年七月三十一日

行政院國家科學委員會專題研究計畫成果報告

結合腦波圖(EEG)與核磁共振影像(MRI)於視覺誘發電位(VEP)之

研究

The Study of Visual Evoked Potential (VEP) Based on the Combination of Electroenephalograph (EEG) and Magnetic Resonance Image (MRI)

計畫編號:NSC 90-2213-E-041-001-執行期限:90 年 8 月 1 日至 91 年 7 月 31 日 主持人:劉育寰 嘉南藥理科技大學 資訊管理系 協同主持人:陳家進 國立成功大學 醫學工程研究所 協同主持人:蔡景仁 國立成功大學 附設醫院 協同主持人:林宙晴 國立成功大學 附設醫院

中文摘要

視覺誘發電位(VEP)為臨床常用之誘發電位 檢查之一。主要用途在於偵測視覺路徑上可能之病 灶。通常臨床上只注意記錄到的訊號延遲(delay) 是否正常以及波形是否正常,對於訊號出現的位置 則無法精確的定位,因此只能粗略的知道視覺路徑 有病灶。假如能夠精確的定位,則對於疾病的症狀 能有更準確的掌握。因此,本計劃擬結合 EEG 訊號 即時擷取、VEP 源定位及顯示系統,提供視覺化的 VEP 源之時空(Spatial-Temporal)訊息,以輔助臨 床醫師之診斷。

結合多種類醫學影像的研究在近年來已是相 當熱門的研究課題,而結合生醫訊號與醫學影像的 構想目前才方興未艾。尤其是包含時空訊息的 VEP 訊號更是迫切需要視覺化的顯示。本系統之建立不 但可整合 VEP 訊號與 MRI 影像,亦可輕易應用於其 他 EEG 訊號的應用(如癲癇源定位)。此外,所建 構的模型結構與顯示法也可應用於腦部的手術模 擬,兼具臨床與實用的價值。

關鍵詞:視覺誘發電位、3D 模型重構、EEG 與 MRI之座標對映

Abstract

Visual evoked potential (VEP), a clinical routine procedure, is used to diagnose the disease of the ocular path. From the 2D EEG signal, the delay and wave from of the signal can easily be observed, but the signal sources are difficult to be exactly localized. In order to diagnosing the disease more accurately, the source location must be exactly estimated. Thus, the combination of EEG signal and MRI image is proposed in this study to develop a system for the localization of VEP source and the visualization of the VEP spatial-temporal signal based on the real brain model. This system is very useful for the clinical diagnosis.

The combination of multi-modalities medical images has recently become very important research topic, however, fewer investigators focused on the combination of biomedical signal and biomedical images. Especially, the visualization of the VEP signal, which contains spatio-temporal signal, is urgently needed. Our system can not only combine the VEP signals and MRI images, but also apply on the other EEG tasks. Besides, the proposed structure and rendering method can also be extended to perform the surgical simulation of brain, and also provide valued clinical applications.

Keywords: Color Normalization, Hough Transform, Renal Biopsy

Introduction

視覺誘發電位(VEP)為臨床常用之誘發電位檢 查之一。主要用途在於偵測視覺路徑上可能之病 灶。在一些醫療中心裡,VEP是用來監控手術過程 中結構的情形。而在擴散病變的案例中,VEP可能 用來顯示特定感覺路徑的相連性。另外,在眼科研 究中,亦可特別用於檢測評估嬰兒或無法溝通之對 象。目前臨床上有用來診斷的病徵有:脫髓鞘症 (demyelination)、青光眼(glaucoma)、軸突神經 病 變 (axonal neuropathy)、 黃 斑 病 變 (maculopathy)、胞突結合障礙(synaptic malfunction)、多硬化症(multiple sclerosis)以及 巴金森氏症(Parkinson's disease)。

通常臨床上只注意記錄到的訊號延遲(delay) 是否正常以及波形是否正常,對於訊號出現的位置 則因為只能貼少數幾個電極而無法精確的定位,因 此只能粗略的知道視覺路徑有病灶。假如能夠精確 的定位,則對於疾病的症狀能有更準確的掌握。由 於腦波是功能性的檢查,假如能配合MRI影像,則 對疾病的解剖位置能有進一步的了解,對於許多與 視覺有關的症狀,如臉失認症或視幻覺,能更了解 其受損的位置。

但 VEP 訊號通常伴著背景腦波(background EEG) 或一些其它生理電訊號(如眼動圖、肌電圖) 的干擾。一般採用 coherent averaging 方式重覆 上 百 次 的 刺 激 後 , 以 提 升 其 訊 號 雜 訊 比 (signal-to-noise ratio),取其平均 VEP 作為診 斷的依據。但平均 VEP 卻也因此失去 EEG 有較佳 之動態反應的優點,因此諸多訊號處理的方法,如 適應性濾波器^[1]、時變濾波器(time-varying filtering)、subspace modeling^[2]等持續地發展出 來,以強調單一掃瞄之 VEP,以保有其較佳時間解 析(temporal resolution)的優點,以便與核磁共 振影像結合,構成最佳時空解析(spatio-temporal resolution)之診斷方式。

因此,本計劃擬發展 EEG 訊號與 MRI 影像結合 (fusion)之技術,應用於 VEP 之臨床研究上。同時 利用 3D 模型重構(3D model reconstruction)技術 重構出比較細緻的頭部外廓,配合 EEG 與 MRI 的結 合影像將 VEP 源定位於真正的頭部模型中。如此可 同時觀察 VEP 的時空(spatio-temporal)訊號於真 實的頭部與腦部模型中。

本計劃的研究重點可分為下列二個主要部 份:一、VEP訊號之即時擷取;二、VEP源之定位; 三、EEG 電極位置與MRI影像之座標對映。茲就各 項之研究背景分述如下:

一、VEP 訊號之即時擷取

即時擷取系統設備分成兩大部分:視覺刺激系 統以及訊號處理系統。視覺刺激樣本由視覺刺激系 統經使用者調控參數而產生,傳輸至受測者所佩帶 的頭戴式顯示器,進行刺激,而在給予刺激的同 時,則經由串列阜傳輸一脈波至訊號處理系統,告 知其刺激的時間;另一方面,訊號處理系統則經由 腦波儀擷取視覺誘發電位(VEP),進行訊號的粹 取,如Figure 1所示。



Figure1 整體系統架構圖

A. 視覺刺激系統

刺激系統要滿足許多必要條件:此系統必須能 提供廣闊範圍的視覺刺激,且能調控所有需求的變 數,在這些控制下,此系統能夠產生任何可能的視 覺刺激;而系統未來調整的適應性是重要的,亦即 能在經常改變的環境下使用;另外,程式碼必須對 將來的調變具有足夠的彈性,使其他研究學者不用 加強程式碼的翻譯;最後,此系統對其他人來說必 須能夠容易上手,無困難地操作,使重心可放在實 驗研究上,而不是視覺刺激源的產生。本視覺刺激 系統的部分包含:Pentium 個人電腦、SONY 頭戴式 顯示器以及位準轉換與脈波延遲電路。

使用者介面可依需求的不同進行參數的調控,包括:刺激樣本格的大小(50、25、10、5)、 刺激顯示的區域位置(全域、半域、四分之一域)、 刺激的模式(開始、顛倒)、刺激的顏色(白、紅、 綠、藍)、預備時間以及刺激的頻率;而刺激樣本 的時間變化特性,則如Figure 2所示。



Figure 2 視覺刺激樣本的時間特性 **B. 訊號處理系統**

數位訊號處理(DSP)在過去三十年來一直在科 學及工程領域中快速地發展。DSP 在多媒體、數位 通訊及消費電子商務上已變得很重要,它可以幫助 我們將雜訊清除、加快通訊速度、儲存更多的資 料…等等。不幸的是,訊號處理邏輯運算發展的即 時目的仍舊困難且常需要針對硬體給予特定的組 合語言訓練。此外,即便此技能已具備,發展的過 程仍會因複雜程度的增加而變得冗長且耗費時 間。因此,為了縮短設計循環的新決定性應用需 求,能對 DSP 新的邏輯運算法進行測試的快速發展 工具是必要的 (Figure 3)。



Figure 3 傳統與快速建立架構之比較

二、VEP 源之定位:

在研究 VEP 源定位的模擬過程中,都以電偶極 模型(current dipole model)當做頭部 VEP 源放電 的模型,以電偶極模型求出焦點位置所在即為 VEP 源的位置^{[3]-[8]}。電偶極模型包括前問題(forward problem)和還原問題(inverse problem)的兩大程 序^{[9],[10]};一般而言 forward problem 即假設頭顱中 一電偶極焦點將電位頭射到頭殼表面的一個過 程。而 inverse problem 主要是利用實際量測頭皮 上所得的電極電位與用理論方式所得的電極電位 之間有最小平方誤差(minimum square error)的原 理來找出電偶極焦點位置及偶極矩方向的過程。

而不論是 forward problem 或是 inverse problem,所使用的頭顱模型均會影像到 VEP 源位 置的準確度。而頭顱模型的設計本身就有很大困難 點,頭顱是至少包含有頭皮(scalp)、頭蓋骨 (skull)、蜘蛛膜(dura)及腦髓(brain)的四層同心 球狀體,每一層的介電係數及均質性(homogeneity) 均不一樣,而且每一個頭顱的幾何形狀、大小也有 很大的差別。因而在先前學者的研究即有朝頭顱模 型的層數,頭顱模型的幾何形狀,各層介電係數等 的探討^{[6],[8]}。大致而言,均採三至四層表示,各層 均為均質性導電體以簡化問題,而介電係數大都採 用實驗統計出的平均結果。除此之外,在電偶極模 型的假設上亦是困難重重,因為腦中組織的複雜性 及幾何形狀多樣化造成的各式各樣大小型狀不一 的病灶,所以電偶極模型的假設就很難適應各種情 況。

在先前研究中採用三層頭顱模型,以六個參數 (x, y, z, Dx, Dy, Dz)定義電偶極模型,其中前 三個參數表示病灶位置,另三個參數為偶極矩 (dipole moment)用以表示病灶放電強度放電方向 ^[9]。利用頭皮電位映射法^[11],利用三層頭顱模型將 人體頭部以三層同心球殼、體等效之。

三、EEG 電極位置與 MRI 影像之座標對映

Levin 等提出使用頭部明顯的解剖表面標記 (anatomic landmarks), 如鼻底(nasion)、 pre-auricular notches、onion 等,而如何決定這 些標記在那一點,無法排除人為主觀的因素,其結 果將影響到映射的準確度^[12]; Singh 等人提出在 MRI 造影時,使用一以牙齒咬住固定的輔具(dental bite-bars)(如Figure 4所示),內填油性液體,以 在 MRI 上顯像, 增加準確性^[13]。但是對於病人來 說,要在造影時緊咬不動約 30 分鐘,實在相當不 舒服;而 Huppertz 等人在 1998 年提出表面吻合技 術(surface matching technique),使用三維超音 波定位系統(3-D ultrasound localization device)(ZEBRIS[®])去定位電極和頭顱表面之空間坐 標, 再和 MRI 分割出的頭顱表面做映對(如Figure 5 所示)[14],不過這種方法是非常耗時的,而且用超 音波定位頭皮時,無法避免頭髮所造成的影響。而 本計劃提出頭皮電極映射法,由實際 MRI 影像中求 得電極位置(如Figure 6所示),同時利用三度空間 定位儀(3 space)去量測 EEG 電極的位置,然後再 以座標對位的方式將 EEG 電極位置映射到 MRI 座標 系統上[11]。



Method

一、原始訊號與影像的截取

A. VEP 訊號的擷取:

本計劃受測者為 occipital lobe lesion 的患 者,受測者由成大神經科轉介,預期為 10 名受測 者,所使用的視覺樣式為黑白相間的方格花紋板, 受測重覆進行左、右單眼的半螢幕(half screen) 刺激及全螢幕刺激(full screen)。腦波採用一般 10-20 的 Montage,利用現有多頻道腦波儀透過一 台處理速度較快的筆記型電腦,配合兩片 16 通道 的 12 bits A/D 擷取卡,以 256 Hz 頻率取樣,於 每次視覺刺激前後擷取 500 ms 的訊號,總共給 200 次視覺刺激。VEP 取得後以大容量的硬碟與光碟燒 錄機,擷取與儲存 EEG 訊號以便後續訊號處理。

B. MRI 影像的撷取:

MRI 造影條件的為 1.5 Tesla,使用頭部表面 接收線圈 (head surface receive coil),由頭頂 切到顱底 T1 weighting (TR=40; TE=6)連續影像, 包括橫切面(axial section) 30 張,成像厚度為 3mm,間隔距離是 1.5mm,照野為 260*260 mm2,和 縱切面(sagittal section) 18 張,成像厚度為 5mm,間隔距離是 5mm,照野(field of view)為 260*260 mm2,每種切面的影像的成像像素為 256*256 pixels/slice,所以每一像素所具有的解 析度為 260/256=1.0156 mm/pixel。撷取 MRI 影像 時只需一顆行動碟至成大醫院 MRI 室,透過一台 PC 與 MRI 主機連線,便可透過網路取得 MRI 影像。

C. 頭部外廓模型的建立:

利用三度空間定位儀,以特殊解剖位置為特徵 點,然後利用這些特徵點可將頭部外廓模型重構出 來。

二、VEP 訊號分析與電偶極定位:

VEP 訊號處理分成下列幾個步驟:

(A)首先以數位 FIR 低通濾波器(0-30 Hz)排除 高頻雜訊干擾;

(B)coherent average:以 stimulus 的起始點 為基準,將 200 次刺激所得的 VEP,取其平均值。 再由其平均 VEP 偵測波峰(peak)及波谷(valley)的 latency。此傳統平均 VEP 的處理方式將與下述的 單一測試之 VEP 檢測法相比較。

電偶極定位:以 VEP 中 P100 之前後 16 點的訊 號進行連續的電偶極定位,電偶極定位將以成大醫 工所(協同主持人)先前發展之癲癇源定位配合較 佳的頭顱模型,即可轉移至 VEP 源之定位(9)。首 先可映證的是當左、右眼單眼刺激時,其電偶極是 否發生於對側做為初步檢測法,並且比較全螢幕刺 激與半螢幕刺激強度及方向性等關係。

(C)單一掃瞄 VEP (single trial VEP)分析: 撷取 85-115 ms(即 P100 前後 15 ms)的 VEP 訊號作 single trial 的分析,分析的方法將延用先前的 single value decomposition 方式,假設 VEP 的 template 為埋在 background EEG 的主要成份,經 取得 VEP 於上述電偶極分析過程中的第一主軸成份 (first principal component),即可排除其它訊 號源千擾。連續取得的單一 VEP 結果可與平均 VEP 比較,如此可探討人是否因連續光刺激產生適應 性,因而改變其 latency 的長短。

三、EEG 電極位置與 MRI 影像之座標對映

使用三度空間定位儀(3 space)去量測 EEG 電 極的位置,然後即刻進行核磁共振掃瞄,分割出影 像的電極標記和位置(如Figure 6所示),以進行 座標系對映,用疊代法找尋最適解。但是因為每個 電極具有位移的變異量,使得最適解可能不存在或 不是唯一。所以吾人提出一轉換參數初始值的估計 方法,包括轉換角度和位移參數,如此可限制轉換 的條件和縮短時間,防止結果發散,以找到最適化 的解。而在本計劃中將對於初始值的估計、點對點 對映的方法與旋轉角度順序做更進一步的探討。

Results

所有處理的流程以及對位轉換的結果以一建 立於 Matlab 上的圖形式使用者介面(graphic user interface)來顯示,首先使用者可選擇欲觀看病人的 資料,即可進入對位處理流程的畫面(Figure 7)。進 入對位處理流程的畫面後,會出現四個按鈕,可展 示包括(1)原始 MRI 資料及其三度空間重建的結 果,(2)EEG 電極位置貼圖(montage)和原始腦波 圖,(3) MRI和EEG對位結果,(4) 電偶極定位結 果,個別介紹如下。



Figure 7圖形式使用者介面 (a)病人資料列表 (b)資料處理流程 選擇按鈕(一)—MR Image 時,可展示出包括 (Figure 8):

(1)不同切面的平面影像,包括矢狀切面 (sagittal section)、冠狀切面(coronal section)、橫切面 (transverse section)、斜切面(oblique section)等,其 中除了橫切面為原始 MRI 資料外,其餘切面皆由 橫切面的影像經由分割(segmentation)、內插 (interpolation)和平滑化(smoothing)處理而得,因此 可為連續的影像。

(2)三度空間重建的結果,可展示包括前後、左 右、以及上下投影的呈現方式,深度(depth)的表示 法以與光源的距離平方呈反比為加權因子,平行光 光源設於正前下方中央,沒有對眼睛和耳朵等細部 做材質貼圖(texture),只顯示原始三維影像和電極 位置。



Figure 8 MRI 影像的展示

選擇按鈕(二)—EEG Data 時,可展示出包括 (Figure 9):

(1)所有頻道的腦波圖,已經過濾除雜訊處理, 可清楚的分辨出棘波發生的時間和記錄到的頻 道,初步判斷出致癲癇焦點的位置。

(2)EEG 電極位置貼圖(montage),可做三度空間的旋轉,以做為判定出致癲癇焦點發生位置的參考用。



Figure 9 (a) 憑除雜訊後的腦波圖;(b)EEG 電極位直貼圖 (montage)

選擇按鈕(三)—Registration result 時,可展示出 預先計算好的 EEG 與 MRI 座標系對位轉換的結 果,如Figure 10。



Figure 10 EEG與 MR 座標系對位轉換的結果 選擇按鈕(四)—Dipole localization 時,可直接 在 MRI 影像上顯現電偶極模型所找到的致癲癇焦 點,經過相同的轉換函式做轉換後,映射到 MRI 座標系上的位置,如下圖 3.25。



Figure 11在 MRI 上顯現致癲癇焦點

Conclusion

本研究所提出的方法經由模擬電極位置轉換的結果可驗證,不論兩座標系的轉動順序為何,均 能適用於所有的情形,將兩座標系做對位映射。此 外,初始值的準確度對變異量相當敏感,當變異量 變大時,誤差會急速的上升,當變異量大到 30% 時,其估計出的初始角度誤差可達 100%,而位移 的變異量主要來自於病人躺下時,因壓力而擠壓電 人號在移量的不同,因此在進行 MRI 造影時, 須儘量使各電極平均受力,減少變異量的產生。而 收斂所須之疊代的次數與結果,並不與資料的原始 相似性有絕對的相關,反而與變異量的大小有較大 的影響。

本研究的結果亦證明,若經由適當的初始值轉換,可使疊代的次數及時間均大幅縮短,加速收 斂,並可藉由限制轉換的範圍,去防止結果發散或 收斂到局部最小。此外,因為疊代法可修正兩座標 的誤差,所以可以不必於每次記錄 EEG 後旋即做 MRI 造影,只須記錄 EEG 頭罩的戴法及固定的幾 個標記(FP1、FP2、OZ)即可,減低臨床的負擔,降 低成本。

相較於只使用解剖表面標記(landmarker),因為 重複的決定這些標記,會影響到映射的準確度,使 誤差變大,且如何決定這些標記須要有良好的訓 練,再加上表面標記的點不多,不足以代表整個座 標系的旋轉及移動的情形,因此會使轉換的誤差加 大,降低準確度。

相較於使用表面吻合技術,因 3-D scanner 對於 頭部表面不平坦處(例如眼窩、枕骨凹窩等)會有較 大的誤差以及重建表面模型很耗費時間,解析度有 限等限制,本研究直接使用原始的 EEG 和 MRI 資 料做轉換,可大幅減少因運算產生的誤差,並估計 使用初始轉換參數,使問題簡單化,減少運算時間。

未來發展可朝直接使用 MRI 資料去定位致癲 癇焦點源,並加入虛擬實境的技術,去模擬癲癇外 科手術的歷程,以更經確的評估手術之可行性及其 預後。

Reference

- [1] M. R. Saatchi, C. Gibson, J. W. K. Rowe, and E. M. Allen, "Adaptive multiresolution analysis based evoked potential filtering," *IEE Proce. – Sci. Meas. Technol.*, Vol. 144, No. 4, pp. 149-155, 1997.
- [2] P. A. Karjalainen, J. P. Kaipio, and M. Vauhkonen, "Subspace regularization method for the single-trial estimation of evoked potentials," *IEEE Transactions on Biomedical Engineering*, Vol. 46, No. 7, pp. 849-860, 1999.
- [3] A. Achim, F. Richer, and J. M. Saint-Hilaire, "Methodological considerations for the evaluation of spatio-temporal source models," *Electroenceph. and clinical Neurophysiology*, Vol. 79, pp. 227-240, 1991.
- [4] J. Hara, T. Musha, and W. R. Shankle, "Approximating dipoles from human EEG activity: the effect of dipole source configuration on dipolarity using single dipole models," *IEEE Transactions on Biomedical Engineering*, Vol. 46, No. 2, pp. 125-129, 1999.
- [5] J. P. Ary, S. A. Klein, and D. H. Fender, "Localization of sources of evoked scalp potentials: corrections for skull and scalp thickness," *IEEE Transactions on Biomedical Engineering*, Vol. 28, No. 6, pp. 447-452, 1981.
- [6] Y. Wang and F. Yang, "Dynamic extraction of visual evoked potentials through spatial analysis and dipole localization," *IEEE Transactions on Biomedical Engineering*, Vol. 42, No. 8, pp. 762-768, 1995.
- [7] T. Yamazaki, B. W. V. Dijk, and H. Spekreijse, "The accuracy of localizing equivalent dipoles and the spatio-temporal correlations of background EEG," *IEEE Transactions on Biomedical Engineering*, Vol. 45, No. 9, pp. 1114-1121, 1996.
- [8] J. Blimke, H. Volkmer, M. Spilker, and J. Myklebust, "Com-

parison of evoked potential source localization and functional MRI in a four-shell ellipsoidal volume conductor," *19th International Conference-IEEE/EMBS*, pp. 470-473, 1997.

- [9] J. J. Chen, J. G. Yeh, and J. J. Tsai, "Initial estimation methods for dipole modeling in localization of epileptogenic focus," *Medical Engineering & Physics*, Vol. 20, pp. 11-20, 1998.
- [10] J. C. Mosher, R. M. Leahy, and P. S. Lewis, "EEG and MEG: forward solutions for inverses methods," *IEEE Transactions* on *Biomedical Engineering*, Vol. 46, No. 3, pp. 245-259, 1999.
- [11] Chung-Chuang Chen, Jia-Jin Chen, Yuh-Hwan Liu, "Combination of EEG mapping technique and MR image of epilepsy," *The Biomedical Engineering Society 1999 Annual Symposium*, pp. 64-65, Dec. 1999.
- [12] D. N. Levin, C. A. Pelizzari, and G. TY. Chen, et al, "Retrospective geometric correlation of MR, CT, and PET image," *Radiology*, Vol. 169, No. 3, pp. 817-823, 1988.
- [13] K. D. Singh, I. E. Holliday, and G. F. A. Harding, "Evaluation of MRI-MEG/EEG co-registration strategies using Monte Carlo simulation," *Electroencephalography and Clinical Neurophysiology*, Vol.102, pp. 81-85, 1997.
- [14] H. J. Huppertz, M. Otte, and C. Grimm, et al, "Estimation of the accuracy of a surface matching technique for registration of EEG and MRI data," *Electroencephalograph and Clinical Neurophysiology*, Vol. 106, pp. 409-415, 1998.
- [15] 劉育寰,"多種類醫學影像立體重構、登錄及融合之研究",博士論文,國立成功大學電機工程研究所,1996。
- [16] D. J. Williams and M. Shah, "A faster algorithm for active contours and curvature estimation," *CVGIP: Image Understanding*, Vol. 55, No. 1, pp. 14-26, 1992.
- [17] L. D. Cohen, "On active contour models and balloons," *CVGIP: Image Understanding*, Vol. 53, No. 2, pp. 211-218, 1990.
- [18] L. D. Cohen and I. Cohen, "Finite-element methods for active contour models and balloons for 2-D and 3-D images," *IEEE Trans. Patt. Anal. Mech. Intell.* PAMI-15, No. 11, 1993.
- [19] D. H. Laidlaw, K. W. Fleischer, and A. H. Barr, "Partial-volume bayesian classification of material mixtures in MR volume data using voxel histograms," *IEEE Transactions on Medical Imaging*, Vol. 17, No. 1, pp. 74-86, Feb. 1998.
- [20] J. K. Udupa and D. Odhner, "Fast visualization, manipulation, and analysis of binary volumetric objects," *IEEE Computer Graphics & Applications*, pp. 53-62, Nov. 1991.